

## **EKSAMENSOPPGAVE I FAG TKP 4105**

**Faglig kontakt under eksamen:** Sigurd Skogestad      Tlf: 913 71669  
(May-Britt Hägg      Tlf: 930 80834)

**Eksamensdato:** 08.12.11

**Eksamensstid:** 09:00 – 13:00

**7,5 studiepoeng**

**Tillatte hjelpeemidler:** Ingen trykte eller håndskrevne hjelpeemidler tillatt.

**Bestemt enkel kalkulator tillatt (kode D)**

**Språkform:**

**Antall sider bokmål/nynorsk/engelsk:** 9

**Antall sider vedlegg:** 1

**Millimeterpapir eller rutepapir nødvendig for oppgave 2**

**Sensurdato:**

---

Merk! Studentene må primært gjøre seg kjent med sensur ved å oppsøke sensuroppslagene. Evnt. telefoner om sensur må rettes til instituttet eller sensurtelefonene. Eksamenskontoret vil ikke kunne svare på slike telefoner.

## **Oppgave 2/ Oppgåve 2. Destillasjon av luft (20%)**

En føde med to komponenter (79 mol% N<sub>2</sub> og 21%O<sub>2</sub>) skal separeres ved kontinuerlig destillasjon.

- (a) Beregn likevektsdata (y,x) ved 1 atm for separasjonen N<sub>2</sub>-O<sub>2</sub> for x=0, 0.2, 0.4, 0.6, 0.8 og 1 gitt at relativ flyktighet  $\alpha = 3.5$ .
- (b) Hva er minimum antall teoretiske trinn som trenges for å få produkter med 99.99% N<sub>2</sub> (destillat, topp) og 99.5% O<sub>2</sub> (bunn)? (Kan bestemmes grafisk, men det er enklere å bruke Fenske-formelen  $N = \ln S / \ln \alpha$ )
- (c) Hva er minimum refluks (L<sub>min</sub>/F) og tilhørende minimum oppkok (V<sub>min</sub>/F) når føden F er henholdsvis mettet væske og mettet damp? (Kan gjerne bestemmes grafisk)

*Gitt:* Relativ flyktighet,  $\alpha = (y_L/x_L) / (y_H/x_H) = y(1-x) / x(1-y)$ , hvor y og x er molfraksjoner av lett komponent. Normalt kokepunkt er 77.4 K for N<sub>2</sub> og 90.2 K for O<sub>2</sub>.

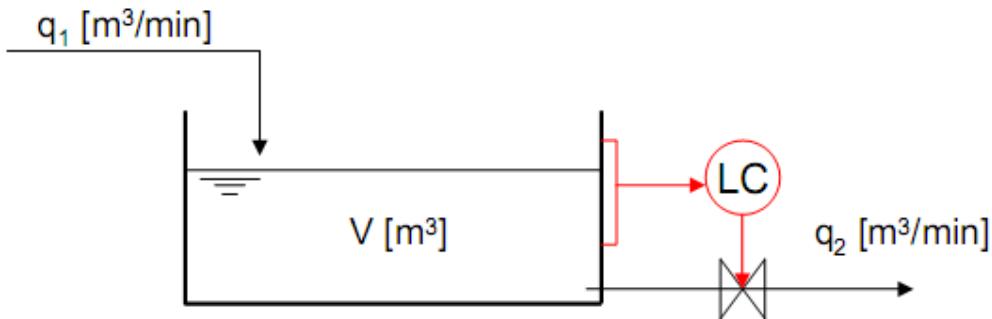
## **Problem 2 – English text. Distillation of air (20%)**

A feed with two components (79 mole% N<sub>2</sub> and 21% O<sub>2</sub>) is to be separated by continuous distillation.

- (a) Compute equilibrium data (y,x) at 1 atm for N<sub>2</sub>-O<sub>2</sub> at x=0, 0.2, 0.4, 0.6, 0.8 and 1, given the relative volatility  $\alpha = 3.5$ .
- (b) Find the minimum number of theoretical stages to get products with 99.99% N<sub>2</sub> (distillate, top) and 99.5% O<sub>2</sub> (bottom)? (You may find this graphically, but it is simpler to use the Fenske formula  $N = \ln S / \ln \alpha$ )
- (c) What is the minimum reflux (L<sub>min</sub>/F) and corresponding minimum boilup (V<sub>min</sub>/F) when the feed F is saturated liquid and saturated vapor, respectively? (You may find this graphically)

*Given:* Relative volatility,  $\alpha = (y_L/x_L) / (y_H/x_H) = y(1-x) / x(1-y)$ , where y and x are the mole fractions of light component. The normal boiling point is 77.4 K for N<sub>2</sub> and 90.2 K for O<sub>2</sub>.

### Oppgave 3/ Oppgåve 3. Prosessregulering (15%)



En tank med volum  $V$  benyttes for å midle ut variasjoner i strømmen  $q_1$ , se figur. Det er foreslått en proporsjonalregulator (P-regulator) med algoritmen

$$q_2 = q_{20} + K_c(V - V_0)$$

(a) Alternativt vurderes bruket en PI-regulator.

Hva blir algoritmen med en PI-regulator?

Hva er fordelen og evt. ulempen med en PI-regulator?

(b) I resten oppgaven skal vi bruke P-regulatoren gitt over med følgende verdier

$$V_0 = 1 \text{ m}^3, q_{20} = 0.1 \text{ m}^3/\text{min}, K_c = 0.5 \text{ min}^{-1}$$

(i) Se på en stasjonær periode der  $q_1=q_2=0.2 \text{ m}^3/\text{min}$ ; hva er  $V$  i denne perioden? I en annen stasjonær periode er  $q_1=q_2=0.3 \text{ m}^3/\text{min}$ ; hva er  $V$  nå?

(ii) Dynamiske prosessmodeller tar generelt utgangspunkt i en dynamisk balanseligning. Formuler balansen for masse i tanken og finn under hvilke betingelser den kan forenkles til

$$\frac{dV}{dt} = q_1 - q_2$$

(iii) Anta at  $q_1$  ved  $t=0$  plutselig øker fra  $0.2 \text{ m}^3/\text{min}$  til  $0.3 \text{ m}^3/\text{min}$ . Vis at uttrykket for  $q_2(t)$  kan skrives

$$q_2(t) = 0.2 + 0.1(1 - e^{-t/\tau}) \quad [\text{m}^3/\text{min}]$$

Hva er verdien av tidskonstanten  $\tau$ ? Hva er  $q_2$  ved  $t=0$ ,  $t=1$ ,  $t=2$ ,  $t=5$  og  $t=\infty$  [min]? Tegn en figur som viser både  $q_1(t)$  og  $q_2(t)$ .

### Problem 3 – English text. Prosess control (15%)

A tank with volume  $V$  is used to average out variations in the flow  $q_1$ , see the figure. It is proposed to use a proportional controller (P-controller) with the algorithm

$$q_2 = q_{20} + K_c(V - V_0)$$

(a) Alternatively, a PI controller may be used.

What is the algorithm with a PI-controller?

What is the advantage and possible disadvantage with a PI-controller?

(b) In the rest of this problem, we use the P-controller described above with the following data:

$$V_0 = 1 \text{ m}^3, q_{20} = 0.1 \text{ m}^3/\text{min}, K_c = 0.5 \text{ min}^{-1}$$

(i) Consider a steady-state period where  $q_1 = q_2 = 0.2 \text{ m}^3/\text{min}$ ; what is  $V$  during this period? In another steady-state period  $q_1 = q_2 = 0.3 \text{ m}^3/\text{min}$ ; what is  $V$  now?

(ii) Dynamic process models are generally based on dynamic balance equations. Formulate the mass balance for the tank and show under which conditions it may be simplified to

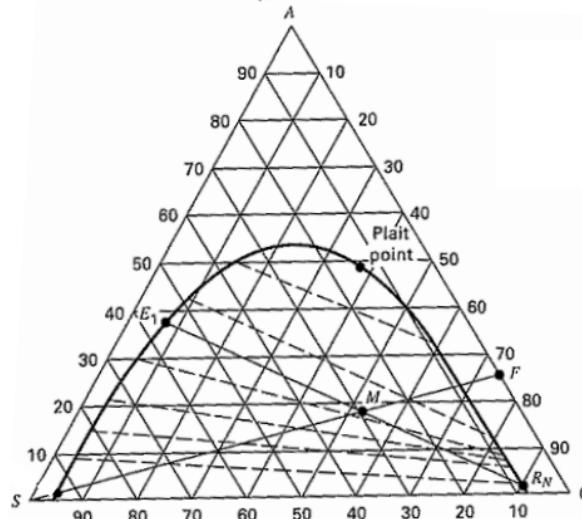
$$\frac{dV}{dt} = q_1 - q_2$$

(iii) Assume that  $q_1$  at  $t=0$  suddenly increases from  $0.2 \text{ m}^3/\text{min}$  to  $0.3 \text{ m}^3/\text{min}$ . Show that the expression for  $q_2(t)$  becomes

$$q_2(t) = 0.2 + 0.1 (1 - e^{-t/\tau}) \quad [\text{m}^3/\text{min}]$$

What is the value of the time constant  $\tau$ ? What is  $q_2$  at  $t=0, t=1, t=2, t=5$  and  $t=\infty$  [min]? Make a plot of  $q_1(t)$  and  $q_2(t)$ .

#### Oppgave 4/ Oppgåve 4. Ekstraksjon (15%)



Liquid-liquid equilibrium for the system A-C-S (wt%) (see larger diagram in Appendix)

Vi har gitt en føde  $F$  (250 kg/min) med komponentene A og C der vi ønsker å redusere mengden av A ved bruk av motstrøms ekstraksjon med ren komponent S. De ønskede produkter er  $R_N$  (hovedprodukt) og  $E_1$  (biproduct), se figuren.

(a) Tegn flytskjema for prosessen for tilfellet med tre trinn ( $N=3$ ).

(b) Bruk massebalanser til å fylle inn følgende tabell

Komponent/Strøm	$F$ (føde)	$F_S$ (føde)	$R_N$ (produkt)	$E_1$ (produkt)
Totalt (kg/min)	250			
Vektfraksjon A		0	0.025	
Vektfraksjon C		0		
Vektfraksjon S		1		

(c) Bestem grafisk antall trinn ( $N$ ) som trenges for å få de ønskede produkter  $R_N$  og  $E_1$  (bruk diagrammet i vedlegget).

(d) Tegn flytskjema for ett-trinn ekstraksjon ( $N=1$ ) og bestem mengde og sammensetning av produktene ( $R$  og  $E$ ).

#### Problem 4 – English text. Extraction (15%)

We have a given feed  $F$  (250 kg/min) with components A and C, and we want to reduce the amount of A using countercurrent extraction with pure component S. The desired products are  $R_N$  (main product) and  $E_1$  (side product), see the figure.

(a) Make a flowsheet of the process for the case with three stages ( $N=3$ ).

(b) Use mass balances to complete the following table

Component/Stream	$F$ (feed)	$F_S$ (feed)	$R_N$ (product)	$E_1$ (product)
Total (kg/min)	250			
Weight fraction A		0	0.025	
Weight fraction C		0		
Weight fraction S		1		

(c) Determine graphically the number of stages ( $N$ ) required to get the desired products  $R_N$  og  $E_1$  (use the diagram given in the Appendix).

(d) Make a flowsheet for one-stage extraction ( $N=1$ ) og find the amount and composition of the products ( $R$  and  $E$ ).

Vedlegg (Appendix)

